

Ogni esercizio ha una sola risposta giusta e tre sbagliate.

- 1.** Sia  $\Omega = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : y \neq 0, y \neq -x\}$  e sia  $f : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  definita da  $f(x,y) = \frac{x^2 + y^2}{y^2 + xy}$ . Allora  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x,y) =$
- (a) non esiste      (b)  $+\infty$       (c) 0      (d) 1
- 2.**  $\lim_{(x,y) \rightarrow \infty} xy(x^2 + y^2 - 4) =$
- (a) 0      (b) -4      (c)  $+\infty$       ► (d) non esiste
- 3.**  $\lim_{(x,y) \rightarrow \infty} \frac{\log\left(\frac{1}{x^2+2y^2}\right)}{x^6 + y^4} =$
- (a)  $+\infty$       (b)  $-\infty$       ► (c) 0      (d) non esiste
- 4.** Per quale dominio  $\Omega \subset \mathbb{R}^2$  la funzione  $f : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  definita da  $f(x,y) = \frac{x^4 + y^4}{y^3 + yx^2}$  ha limite per  $(x,y) \rightarrow (0,0)$ ?
- (a)  $\Omega = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq 0, y > 0\}$       (b)  $\Omega = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : y \neq 0\}$   
 ► (c)  $\Omega = \left\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : \frac{x}{2} < y < \frac{2}{x}\right\}$       (d)  $\Omega = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : y > 0\}$
- 5.** Il gradiente della funzione  $f(x,y) = \sqrt{x \sin y}$  è:
- (a)  $\left(\frac{1}{2}\sqrt{\frac{\sin y}{x}}, \frac{x \cos y}{2\sqrt{x \sin y}}\right)$       (b)  $\left(\frac{1}{2\sqrt{x \sin y}}, \frac{1}{2\sqrt{x \sin y}}\right)$   
 (c)  $\left(\frac{\cos y}{2\sqrt{x \sin y}}, \frac{x}{2\sqrt{\sin y}}\right)$       (d)  $\left(\frac{\sin y + x \cos y}{2\sqrt{x \sin y}}, \frac{\sin x - y \cos x}{2\sqrt{x \sin y}}\right)$
- 6.** Siano  $f(x,y) = (x^2 + y^2) \sin(x - y)$  e  $v = (1,1)$ . La derivata direzionale  $\frac{\partial f}{\partial v}$  è
- (a)  $2(x+y)$       (b) 0      ► (c)  $2(x+y) \sin(x-y)$       (d)  $(x^2 + y^2) \cos(x-y)$
- 7.** Sia  $f(x,y) = \frac{x^4 - y^2}{x^2 + y^2}$ . Tra le seguenti direzioni, in quale la derivata direzionale  $\frac{\partial f}{\partial v}(1,0)$  è massima?
- (a)  $v = \left(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$  ► (b)  $v = \left(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$       (c)  $v = (-1,0)$       (d)  $v = (0,1)$
- 8.** Sia  $f(x,y) = xy(x + 2y - 4)$ . In quali di questi punti  $\|\nabla f(x_0, y_0)\|$  è massima?
- (a)  $(x_0, y_0) = (1,0)$       (b)  $(x_0, y_0) = (0,1)$       (c)  $(x_0, y_0) = (1,1)$       (d)  $(x_0, y_0) = (0,0)$
- 9.** Sia  $f(x,y,z) = x^3 + z^3 - 2xyz + 5$ . Allora  $\nabla f(1,0,1) =$
- (a) (3,5,3)      ► (b) (3, -2,3)      (c) (1,1,5)      (d) (0,0,0)
- 10.** Sia  $f(x,y) = \log(9y - 3x - 3)$ . Per quale delle seguenti direzioni  $v$  risulta  $\frac{\partial f}{\partial v}(1,1) = 0$ ?
- (a)  $v = (3,1)$       (b)  $v = (1,1)$       (c)  $v = (3,0)$       (d)  $v = (1, -3)$

## Soluzione Versione n. 1

1. ??
2. ??
3. ??
4. ??
5. ??
6. ??
7. ??
8. ??
9. ??
10. ??