

Leggi sul calcolo proposizionale		
$A \vee F \equiv A$	$A \wedge T \equiv A$	(unità o elemento neutro)
$A \vee T \equiv T$	$A \wedge F \equiv F$	(zero o elemento assorbente)
$A \wedge A \equiv A$	$A \vee A \equiv A$	(idempotenza)
$A \wedge B \equiv B \wedge A$	$A \vee B \equiv B \vee A$	(commutatività)
$A \wedge (B \wedge C) \equiv (A \wedge B) \wedge C$	$A \vee (B \vee C) \equiv (A \vee B) \vee C$	(associatività)
$A \vee (B \wedge C) \equiv (A \vee B) \wedge (A \vee C)$	$A \wedge (B \vee C) \equiv (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$	(distributività)
<hr/>		
$\neg T \equiv F$	$\neg \neg A \equiv A$	(T : F / doppia negazione)
$A \vee \neg A \equiv T$	$A \wedge \neg A \equiv F$	(terzo escluso / contraddizione)
$\neg(A \vee B) \equiv \neg A \wedge \neg B$	$\neg(A \wedge B) \equiv \neg A \vee \neg B$	(De Morgan)
<hr/>		
$(A \equiv B) \equiv (A \Rightarrow B) \wedge (A \Leftarrow B)$	$(A \equiv B) \equiv (A \wedge B) \vee (\neg A \wedge \neg B)$	(elim.- \equiv / elim.- \equiv -bis)
$(A \Leftarrow B) \equiv (B \Rightarrow A)$	$(A \Rightarrow B) \equiv \neg A \vee B$	(elim.- \Leftarrow / elim.- \Rightarrow)
$\neg(A \Rightarrow B) \equiv A \wedge \neg B$	$\neg(A \equiv B) \equiv (A \equiv \neg B)$	($\neg \Rightarrow$ / $\neg \equiv$)
<hr/>		
$A \vee (\neg A \wedge B) \equiv A \vee B$	$A \wedge (\neg A \vee B) \equiv A \wedge B$	(complemento)
$A \vee (A \wedge B) \equiv A$	$A \wedge (A \vee B) \equiv A$	(assorbimento)
$(A \Rightarrow B) \equiv (\neg B \Rightarrow \neg A)$	$(A \Rightarrow B) \wedge A \Rightarrow B$	(contronominale / Modus Ponens)
$A \wedge B \Rightarrow A$	$A \Rightarrow A \vee B$	(semplif.- \wedge / introd.- \vee)
$(A \Rightarrow B) \wedge (B \Rightarrow C) \Rightarrow (A \Rightarrow C)$	$(A \vee B) \wedge (\neg B \vee C) \Rightarrow A \vee C$	(transitività- \Rightarrow / risoluzione)

Semantica di formule del primo ordine per interpretazione $I = (\mathbf{D}, \alpha)$ e assegnamento $\rho : V \rightarrow \mathbf{D}$

Semantica di termini

- (R0) se t è la variabile x , allora $\alpha_\rho(t) = \rho(x)$;
- (R1) se t è la costante c , allora $\alpha_\rho(t) = \alpha(c)$;
- (R2) se t è il termine $f(t_1, \dots, t_n)$ allora $\alpha_\rho(t) = \alpha(f)(\alpha_\rho(t_1), \dots, \alpha_\rho(t_n))$.

Semantica di formule

- (S1) se φ è la formula atomica $p(t_1, \dots, t_n)$ allora $I_\rho(\varphi) = \alpha(p)(\alpha_\rho(t_1), \dots, \alpha_\rho(t_n))$
- (S3) se φ è la formula $\neg P$, allora $I_\rho(\varphi) = \overline{I_\rho(P)}$, dove $\overline{T} = F$ e $\overline{F} = T$
- (S4) se $\varphi = P \wedge Q$, allora $I_\rho(\varphi) = T$ se $I_\rho(P) = T$ e $I_\rho(Q) = T$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = F$
- (S5) se $\varphi = P \vee Q$, allora $I_\rho(\varphi) = F$ se $I_\rho(P) = F$ e $I_\rho(Q) = F$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = T$
- (S6) se $\varphi = P \Rightarrow Q$, allora $I_\rho(\varphi) = F$ se $I_\rho(P) = T$ e $I_\rho(Q) = F$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = T$
- (S7) se $\varphi = P \equiv Q$, allora $I_\rho(\varphi) = T$ se $I_\rho(P) = I_\rho(Q)$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = F$
- (S8) se $\varphi = (\forall x.P)$, allora $I_\rho(\varphi) = T$ se $I_{\rho[d/x]}(P) = T$ per qualunque $d \in \mathbf{D}$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = F$
- (S9) se $\varphi = (\exists x.P)$, allora $I_\rho(\varphi) = T$ se c'è un elemento $d \in \mathbf{D}$ per cui $I_{\rho[d/x]}(P) = T$; altrimenti $I_\rho(\varphi) = F$