

CALCOLO NUMERICO
 Corso di Laurea in Informatica
 A.A. 2020/2021 – Correzione Appello 23/06/2021

NOME	COGNOME	MATRICOLA
------	---------	-----------

Esercizio 1

1. La matrice è predominante diagonale per $|\alpha| > |\beta|$.
2. Se $\alpha \neq 0 \exists! \text{LU di } A$. Se $\alpha = \beta = 0 \exists \text{LU di } A$. Se $\alpha = 0 \neq \beta \nexists \text{LU di } A$.
3. Per $\alpha = \beta = 0$ posso prendere $L = I$, $U = A$. Per $\alpha \neq 0$ dal procedimento costruttivo ottengo

$$A = \left[\begin{array}{ccc|c} I_{n-1} & & & \mathbf{0} \\ -\beta/\alpha & \dots & -(\beta/\alpha)^{n-1} & 1 \end{array} \right] \left[\begin{array}{c|c} A(1:n-1, 1:n-1) & 0 \\ \vdots & -\beta \\ \hline \mathbf{0}^T & (\alpha^n - \beta^n)/\alpha^{n-1} \end{array} \right].$$

Esercizio 2

1. Si ha $f \in C^\infty(\mathbb{R}^+)$, $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$, $f'(x) = 2x + 1/x > 0 \forall x > 0$, e $f''(x) = 2 - 1/x^2 \geq 0$ per $x \geq \sqrt{1/2}$. Inoltre vale $f(\sqrt{1/2}) = (1/2)(1 - \log(2)) > 0$ e $f(1/2) = 1/4 - \log(2) < 1/4 - \log(\sqrt{e}) < 0$. Segue che $f(x) = 0$ ammette una sola soluzione reale α con $\alpha \in [1/2, \sqrt{1/2}]$.
2. Per $0 < x_0 < \alpha$ la convergenza segue dal teorema in grande.

```
3. function [x0,it] = inf23062021(tol)
    err=inf;
    it=0; x0=0.5;
    f=@(x)x^2 + log(x);
    f1=@(x)2*x + 1/x;
    while(err>tol)
        x=x0-f(x0)/f1(x0);
        err=abs(x-x0);
        it=it+1;
        x0=x;
    end
    end
```